

МИНИСТЕРСТВО ПРОСВЕЩЕНИЯ РОССИЙСКОЙ ФЕДЕРАЦИИ

Министерство образования Архангельской области

муниципальное бюджетное общеобразовательное учреждение  
городского округа «Город Архангельск»  
«Средняя школа № 93 имени 77-й Гвардейской  
Московско-Черниговской стрелковой дивизии»

**РАБОЧАЯ ПРОГРАММА  
учебного курса  
«Решение задач повышенной сложности»  
для 11 класса среднего общего образования  
углубленный уровень  
2023-2024 учебный год**

Учитель: Лён Наталья Леонидовна

город Архангельск

## **ПОЯСНИТЕЛЬНАЯ ЗАПИСКА**

Рабочая программа по курсу «Решение задач повышенной сложности» ориентирована на обучающихся 11 класса и составлена в соответствии с ФГОС ООО и приказом Минобрнауки России от 41.12.2015 г. №1577 «О внесении изменений в федеральный государственный стандарт основного общего образования, утвержденный приказом Министерства образования и науки Российской Федерации от 17.12.2010 г. №1897», письма Департамента государственной политики сферы общего образования Минобрнауки России от 28.10.2015 г. №08-1786 «О рабочих программах учебных предметов».

Рабочая программа курса «Решение задач повышенной сложности» ориентирована на использование учебников:

Математика. Алгебра и начала математического анализа. Углубленный уровень: 11 класс: учебное пособие / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. М. Поляков: под редакцией В. Е. Подольского. - М. :Вентана-Граф, 2020.

Математика. Геометрия. 11 класс. Углубленный уровень: учебное пособие / А. Г. Мерзляк, Д. А. Номировский, В. Б. Полонский, М. С. Якир: под редакцией В. Е. Подольского. - М. :Вентана-Граф, 2020.

На изучение элективного курса «Решение задач повышенной сложности» в 11 классе учебным планом среднего общего образования МБОУ СШ № 93 на 2023 – 2024 учебный год отводится 1 час в неделю, 34 часа в год (34 учебных недель).

Цель освоения программы курса «Решение задач повышенной сложности» в 11 классе - обеспечение возможности успешной сдачи государственной итоговой аттестации по программе среднего общего образования.

# **СОДЕРЖАНИЕ ОБУЧЕНИЯ**

## **11 КЛАСС**

### **Вводное занятие. Знакомство с демовариантами ЕГЭ – 2023 по математике (2 часа)**

Знакомство с демо-вариантом по математике профильного уровня

Знакомство с демо-вариантом по математике базового уровня

### **Тема 1. Решение рациональных уравнений и неравенств. (2 часа)**

Свойства степени с целым показателем. Разложение многочлена на множители. Сокращение дроби. Сумма и разность дробей. Произведение и частное дробей. Преобразование иррациональных выражений. Линейное уравнение. Квадратное уравнение. Дробно-рациональное уравнение. Решение рациональных неравенств.

### **Тема 2. Решение иррациональных уравнений и неравенств. (2 часа)**

Иррациональные уравнения. Метод равносильности. Иррациональные неравенства.

Алгоритм решения неравенств методом интервалов.

### **Тема 3. Решение тригонометрических уравнений. (3 часа)**

Соотношения между тригонометрическими функциями одного итого же аргумента. Формулы кратных аргументов. Обратные тригонометрические функции. Формулы корней простейших тригонометрических уравнений. Частные случаи решения простейших тригонометрических уравнений. Отбор корней, принадлежащих промежутку. Способы решения тригонометрических уравнений.

### **Тема 4. Решение показательных и логарифмических уравнений и неравенств. (3 часа)**

Свойства степени с рациональным показателем. Логарифм. Свойства логарифмов. Преобразования логарифмических выражений. Показательные уравнения. Методы решения показательных уравнений. Показательные неравенства, примеры решений. Логарифмические уравнения. Метод равносильности. Логарифмические неравенства.

### **Тема 5. Производная и первообразная. (3 часа)**

Правила нахождения производной; применение первообразной для нахождения площадей фигур, для нахождения наибольшего и наименьшего значений функции.

### **Тема 6. Вероятность и комбинаторика в заданиях ЕГЭ по математике (7 часов)**

Задачи на определение вероятности порядка наступления события. Вероятность произведения и суммы событий. Частота элементарных событий. Решение задач по формуле полной вероятности. Использование комбинированных методов решения задач

### **Тема 7. Задания с параметрами в школьном курсе математики (4 часа)**

Решение линейных уравнений и неравенств с параметрами. Решение уравнений и неравенств с параметрами не выше второй степени. Решение простейших рациональных уравнений и неравенств с параметрами. Функционально-графический метод решения уравнений с параметрами.

### **Тема 8. Решение текстовых задач. (4 часа)**

Задачи на движение. Задачи на работу. Задачи на десятичную запись числа. Задачи на проценты. Задачи на концентрацию, смеси и сплавы. Практико-ориентированные задачи.

### **Тема 9. Решение стереометрических задач. (3 часа)**

Задачи на построение сечений. Решение задач на нахождение площадей и объёмов многогранников. Решение задач на нахождение площадей и объёмов тел и поверхностей вращения.

### **Тема 10. Заключительное занятие. Подведение итогов. (1 час)**

# **ПЛАНИРУЕМЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ ОСВОЕНИЯ УЧЕБНОГО КУРСА «РЕШЕНИЕ ЗАДАЧ ПОВЫШЕННОЙ СЛОЖНОСТИ» (УГЛУБЛЕННЫЙ УРОВЕНЬ) НА УРОВНЕ СРЕДНЕГО ОБЩЕГО ОБРАЗОВАНИЯ**

## **ЛИЧНОСТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

- целостного мировоззрения, соответствующего современному уровню развития науки математики и общественной практики ее применения;
- основ саморазвития и самовоспитания в соответствии с общечеловеческими ценностями и идеалами гражданского общества; готовности и способности к самостоятельной, творческой и ответственной деятельности с применением методов математики;
- готовности и способности к образованию, в том числе самообразованию, на протяжении всей жизни; сознательного отношения к непрерывному образованию как условию успешной профессиональной и общественной деятельности на основе развитой мотивации учебной деятельности и личностного смысла изучения математики, заинтересованности в приобретении и расширении математических знаний и способов действий,
- осознанности в построении индивидуальной образовательной траектории;
- осознанного выбора будущей профессии, ориентированной на применение математических методов и возможностей реализации собственных жизненных планов; отношения к профессиональной деятельности как к возможности участия в решении личных, общественных, государственных, общенациональных проблем;
- логического мышления: критичности (умение распознавать логически некорректные высказывания), креативности (собственная аргументация, опровержения, постановка задач, формулировка проблем, работа над исследовательским проектом и др.).

**Личностные результаты отражают, в том числе в части:**

*Патриотического воспитания:*

проявлением интереса к прошлому и настоящему российской математики, ценностным отношением к достижениям российских математиков и российской математической школы, к использованию этих достижений в других науках и прикладных сферах.

*Гражданского воспитания и нравственного воспитания детей на основе российских традиционных ценностей:*

готовностью к выполнению обязанностей гражданина и реализации его прав, представлением о математических основах функционирования различных структур, явлений, процедур гражданского общества (выборы, опросы и пр.); готовностью к обсуждению этических проблем, связанных с практическим

применением достижений науки, осознанием важности морально-этических принципов в деятельности учёного.

*Популяризации научных знаний среди детей (Ценности научного познания):*

ориентацией в деятельности на современную систему научных представлений об основных закономерностях развития человека, природы и общества, пониманием математической науки как сферы человеческой деятельности, этапов её развития и значимости для развития цивилизации; овладением языком математики и математической культурой как средством познания мира; овладением простейшими навыками исследовательской деятельности.

*Физического воспитания и формирования культуры здоровья*

готовностью применять математические знания в интересах своего здоровья, ведения здорового образа жизни (здоровое питание, сбалансированный режим занятий и отдыха, регулярная физическая активность); сформированностью навыка рефлексии, признанием своего права на ошибку и такого же права другого человека.

### *Трудового воспитания и профессионального самоопределения*

установкой на активное участие в решении практических задач математической направленности, осознанием важности математического образования на протяжении всей жизни для успешной профессиональной деятельности и развитием необходимых умений; осознанным выбором и построением индивидуальной траектории образования и жизненных планов с учётом личных интересов и общественных потребностей.

### *Экологического воспитания*

ориентацией на применение математических знаний для решения задач в области сохранности окружающей среды, планирования поступков и оценки их возможных последствий для окружающей среды; осознанием глобального характера экологических проблем и путей их решения.

### *Эстетического воспитания:*

способностью к эмоциональному и эстетическому восприятию математических объектов, задач, решений, рассуждений; умению видеть математические закономерности в искусстве.

## **МЕТАПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

### *Регулятивные универсальные учебные действия.*

- способность самостоятельно ставить цели учебной и исследовательской, проектной деятельности, планировать, осуществлять, контролировать и оценивать учебные действия в соответствии с поставленной задачей и условиями ее выполнения;
- умения самостоятельно планировать альтернативные пути достижения целей, осознанно выбирать наиболее эффективные способы решения учебных и познавательных задач.

### *Познавательные универсальные учебные действия.*

- умения находить необходимую информацию, критически оценивать и интерпретировать информацию в различных источниках (в справочниках, литературе, Интернете), представлять информацию в различной форме (словесной, табличной, графической, символической), обрабатывать, хранить и передавать информацию в соответствии с познавательными или коммуникативными задачами;
- навыков осуществления познавательной, учебно-исследовательской и проектной деятельности, навыками разрешения проблем; способность и готовность к самостоятельному поиску методов решения практических задач, применению различных методов познания;
- владения навыками познавательной рефлексии как осознания совершаемых действий и мыслительных процессов, их результатов и оснований, границ своего знания и незнания, новых познавательных задач и средств их достижения.

### *Коммуникативные универсальные учебные действия.*

- умения продуктивно общаться и взаимодействовать в процессе совместной деятельности, учитывать позиции других участников деятельности, эффективно разрешать конфликты;
- владения языковыми средствами – умения ясно, логично и точно излагать свою точку зрения, использовать адекватные языковые средства.

### **В предметных результатах сформированность:**

- представлений о математике как части мировой культуры и о месте математики в современной цивилизации, о способах описания на математическом языке явлений реального мира;
- представлений о математических понятиях как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимание возможности аксиоматического построения математических теорий;

- умений применения методов доказательств и алгоритмов решения; умения их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;
- стандартных приемов решения рациональных и иррациональных, показательных, логарифмических, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем;
- умений обосновывать необходимость расширения числовых множеств (целые, рациональные, действительные, комплексные числа) в связи с развитием алгебры (решение уравнений, основная теорема алгебры);
- умений описывать круг математических задач, для решения которых требуется введение новых понятий (степень, арифметический корень, логарифм; синус, косинус, тангенс, котангенс; арксинус, арккосинус, арктангенс, арккотангенс; решать практические расчетные задачи из окружающего мира, включая задачи по социально-экономической тематике, а также из смежных дисциплин;
- умений приводить примеры реальных явлений (процессов), количественные характеристики которых описываются с помощью функций; использовать готовые компьютерные программы для иллюстрации зависимостей; описывать свойства функций с опорой на их графики; соотносить реальные зависимости из окружающей жизни и из смежных дисциплин с элементарными функциями, делать выводы о свойствах таких зависимостей;
- умений объяснять на примерах суть методов математического анализа для исследования функций; объяснять геометрический, и физический смысл производной; пользоваться понятием производной для решения прикладных задач и при описании свойств функций.

**Результаты изучения элективного курса по выбору обучающихся должны отражать:**

- 1) развитие личности обучающихся средствами предлагаемого для изучения учебного предмета, курса: развитие общей культуры обучающихся, их мировоззрения, ценностно-смысловых установок, развитие познавательных, регулятивных и коммуникативных способностей, готовности и способности к саморазвитию и профессиональному самоопределению;
- 2) овладение систематическими знаниями и приобретение опыта осуществления целесообразной и результативной деятельности;
- 3) развитие способности к непрерывному самообразованию, овладению ключевыми компетентностями, составляющими основу умения: самостоятельному приобретению и интеграции знаний, коммуникации и сотрудничеству, эффективному решению (разрешению) проблем, осознанному использованию информационных и коммуникационных технологий, самоорганизации и саморегуляции;
- 4) обеспечение академической мобильности и (или) возможности поддерживать избранное направление образования;
- 5) обеспечение профессиональной ориентации обучающихся.

## **ПРЕДМЕТНЫЕ РЕЗУЛЬТАТЫ**

- 1) осознание значения математики для повседневной жизни человека;
- 2) представление о математической науке как сфере математической деятельности, об этапах её развития, о её значимости для развития цивилизации;
- 3) умение описывать явления реального мира на математическом языке; представление о математических понятиях и математических моделях как о важнейшем инструментарии, позволяющем описывать и изучать разные процессы и явления;
- 4) представление об основных понятиях, идеях и методах алгебры и математического анализа;
- 5) представление о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, о статистических закономерностях в реальном мире, об основных понятиях элементарной теории

вероятностей; умение находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин;

6) владение методами доказательств и алгоритмов решения; умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;

7) практически значимые математические умения и навыки, способность их применения к решению математических и нематематических задач, предполагающие умение:

- выполнять вычисления с действительными и комплексными числами;

• решать рациональные, иррациональные, показательные, степенные и тригонометрические уравнения, неравенства, системы уравнений и неравенств;

• решать текстовые задачи арифметическим способом, с помощью составления и решения уравнений, систем уравнений и неравенств;

• использовать алгебраический «язык» для описания предметов окружающего мира и создания соответствующих математических моделей;

• выполнять тождественные преобразования рациональных, иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических выражений;

- выполнять операции над множествами;

- исследовать функции с помощью производной и строить их графики;

- вычислять площади фигур и объёмы тел с помощью определённого интеграла;

• проводить вычисление статистических характеристик, выполнять приближённые вычисления;

- решать комбинаторные задачи.

8) владение навыками использования компьютерных программ при решении математических задач.

# ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

## 11 КЛАСС

<b>№ п/п</b>	<b>Наименование разделов и тем программы</b>	<b>Количество часов всего</b>	<b>Электронные (цифровые) образовательны е ресурсы</b>
1	Вводное занятие. Знакомство с демовариантом ЕГЭ – 2023 по математике	2	<a href="https://fipi.ru/ege/demoversii-specifikaci-kodifikatory#/!/">https://fipi.ru/ege/demoversii-specifikaci-kodifikatory#/!/</a>
2	Тема 1. Решение рациональных уравнений и неравенств.	2	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
3	Тема 2. Решение иррациональных уравнений и неравенств.	2	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
4	Тема 3. Решение тригонометрических уравнений.	3	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
5	Тема 4. Решение показательных и логарифмических уравнений и неравенств.	3	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
6	Тема 5. Производная и первообразная.	3	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
7	Тема 6. Вероятность и комбинаторика в заданиях ЕГЭ по математике.	7	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
8	Тема 7. Задания с параметрами в школьном курсе математики.	4	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
9	Тема 8. Решение текстовых задач.	4	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
10	Тема 9. Решение стереометрических задач.	3	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
11	Тема 10. Заключительное занятие. Подведение итогов.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
<b>ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ</b>		<b>34</b>	

# ПОУРОЧНОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

## 11 КЛАСС

<b>№ п/ п</b>	<b>Тема урока</b>	<b>Количес тво часов всего</b>	<b>Электронные (цифровые) образовательные ресурсы</b>
1	Знакомство с демовариантом по математике профильного уровня	1	<a href="https://fipi.ru/ege/demoversii-specifikaci-kodifikatory#/!/">https://fipi.ru/ege/demoversii-specifikaci-kodifikatory#/!/</a>
2	Знакомство с демовариантом по математике базового уровня	1	<a href="https://fipi.ru/ege/demoversii-specifikaci-kodifikatory#/!/">https://fipi.ru/ege/demoversii-specifikaci-kodifikatory#/!/</a>
3	Линейное уравнение. Квадратное уравнение. Неравенства.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
4	Дробно-рациональное уравнение и неравенства	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
5	Иррациональные уравнения и неравенства. Метод равносильности.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
6	Иррациональные уравнения и неравенства. Метод интервалов.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
7	Тригонометрические уравнения. Отбор корней, принадлежащих промежутку.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
8	Решения тригонометрических уравнений.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
9	Решение тригонометрических уравнений повышенного уровня.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
10	Показательные уравнения и неравенства. Методы решения показательных уравнений и неравенств.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
11	Логарифмические уравнения и неравенства. Методы решения логарифмических уравнений и неравенств.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
12	Логарифмические и показательные уравнения и неравенства.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
13	Геометрический смысл производной.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
14	Применение производной для нахождения наибольшего и наименьшего значения функции.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
15	Применение первообразной для нахождения площадей фигур.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
16	Задачи на определение вероятности порядка наступления события.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
17	Вероятность произведения и суммы событий	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
18	Частота элементарных событий	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>

19	Решение задач по формуле полной вероятности	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
20	Использование комбинированных методов решения задач	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
21	Решение вероятностных задач формата ЕГЭ - 2022	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
22	Решение вероятностных задач формата ЕГЭ - 2022	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
23	Решение линейных уравнений и неравенств с параметрами.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
24	Решение уравнений с параметрами не выше второй степени.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
25	Решение простейших рациональных уравнений и неравенств с параметрами.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
26	Функционально-графический метод решения уравнений с параметрами.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
27	Задачи на движение и задачи на работу.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
28	Задачи на концентрацию, на смеси и сплавы.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
29	Решение задач на банковские кредиты.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
30	Практико-ориентированные финансовые задачи.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
31	Задачи на построение сечений.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
32	Решение задач на нахождение площадей и объёмов многогранников.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
33	Решение задач на нахождение площадей и объёмов тел и поверхностей вращения.	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
34	Промежуточная аттестация (тест)	1	<a href="https://math-ege.sdamgia.ru/">https://math-ege.sdamgia.ru/</a>
	ОБЩЕЕ КОЛИЧЕСТВО ЧАСОВ ПО ПРОГРАММЕ	34	

# **ЦИФРОВЫЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНЫЕ РЕСУРСЫ И РЕСУРСЫ СЕТИ**

## **ИНТЕРНЕТ**

1. Федеральный государственный образовательный стандарт (официальный сайт) <http://standart.edu.ru/>
2. ФГОС (основное общее образование) <http://standart.edu.ru/catalog.aspx?CatalogId=2587>
3. Глоссарий ФГОС <http://standart.edu.ru/catalog.aspx?CatalogId=230>
4. Закон РФ «Об образовании» <http://standart.edu.ru/catalog.aspx?CatalogId=2666>
5. Концепция духовно-нравственного развития и воспитания личности гражданина России <http://standart.edu.ru/catalog.aspx?CatalogId=985>
6. Федеральный портал «Российское образование» <http://www.edu.ru>
7. Портал «Дневник.ру»
8. Российский общеобразовательный портал <http://www.school.edu.ru>
9. Федеральный центр цифровых образовательных ресурсов [www.fcior.edu.ru](http://www.fcior.edu.ru)
10. [Видеокурсы по математике.](#)
11. [Образовательная платформа EFFOR.RU](#)
12. Образовательный портал <https://uchi.ru/>
13. Платформа <https://math-ege.sdamgia.ru/>